

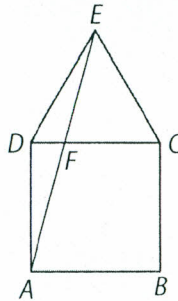
VI РАЗРЕД

Признавати сваки тачан поступак који се разликује од кључа.
Бодовање прилагодити конкретном начину решавања.

1. (МЛ 50/1) Из неједнакости која важи за однос страница у троуглу следи $b - a < c < b + a$, тј. $2a < 36\text{cm} < 4a$ (5 поена), одакле је $9\text{cm} < a < 18\text{cm}$, дакле $10\text{cm} \leq a \leq 17\text{cm}$ (10 поена). Како је обим троугла једнак $O = a + b + 36 = 4a + 36\text{cm}$, најмања могућа вредност обима је 76cm , а највећа 104cm (5 поена).

2. Не може. Збир три броја од којих сваки припада скупу $\{-3, 0, 3\}$ може бити $-9, -6, -3, 0, 3, 6, 9$, па постоји 7 могућих збирова. Како врста, колона и дијагонала има 8, по Дирихлеовом принципу у бар две од њих би збир био исти (20 поена).

3. Тругао AED је једнакокрак па је $\sphericalangle ADE = 150^\circ$ и $\sphericalangle DEA = 15^\circ$ (5 поена). Како је $\sphericalangle DEC = 60^\circ$, то је $\sphericalangle FEC = 45^\circ$ (5 поена). Из троугла EFC добијамо $\sphericalangle EFC = 180^\circ - \sphericalangle FEC - \sphericalangle ECF = 75^\circ$ (10 поена).



4. (МЛ 50/1) а) $2015 = 5 \cdot 13 \cdot 31$. Бројеви 5, 13, 31 се могу као фактори делиоца појавити 0 или 1 пут. Број делилаца броја 2015 је $2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$ (7 поена).

б) Растављањем броја 2016 на просте чиниоце добијамо да је $2016 = 2^5 \cdot 3^2 \cdot 7$ (3 поена). Број 2 се као фактор делиоца појављује 0, 1, 2, 3, 4 или 5 пута, број 3 се појављује 0, 1 или 2, а број 7 се појављује 0 или 1 пут. Закључујемо да број 2016 има $(5 + 1) \cdot (2 + 1) \cdot (1 + 1) = 6 \cdot 3 \cdot 2 = 36$ делилаца (10 поена).

5. Међу датим бројевима три су парна и четири непарна (5 поена). Међу бројевима a, c, e, g барем један је непаран, па је барем једна од разлика $a - 1, c - 3, e - 5, g - 7$ паран број, одакле и цео производ мора бити паран број (15 поена).

Министарство просвете, науке и технолошког развоја ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

Општинско такмичење из математике ученика основних школа
27.02.2016.

VI разред

- Дужине страница троугла ABC , у сантиметрима, су цели бројеви, при чему је $b = 3a$. Ако је $c = 36\text{cm}$, коју најмању, а коју највећу вредност може имати обим тог троугла?
- Да ли се квадратна табла 3×3 може попунити бројевима $-3, 0, 3$ тако да збир бројева у свакој колони, врсти и дијагонали буде различит?
- Нека је $ABCD$ квадрат, а CDE једнакостранични троугао у спољашњости тога квадрата. Нека је F пресек дужи AE и CD . Одреди величину угла EFC .
- Колико има природних бројева који су делиоци броја:
а) 2015; б) 2016?
- Нека су a, b, c, d, e, f, g бројеви 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 у неком редоследу. Докажи да је $(a - 1)(b - 2)(c - 3)(d - 4)(e - 5)(f - 6)(g - 7)$ паран број.

Сваки задатак се бодује са по 20 бодова.

Израда задатака траје 120 минута.

Решење сваког задатка кратко и јасно образложити.